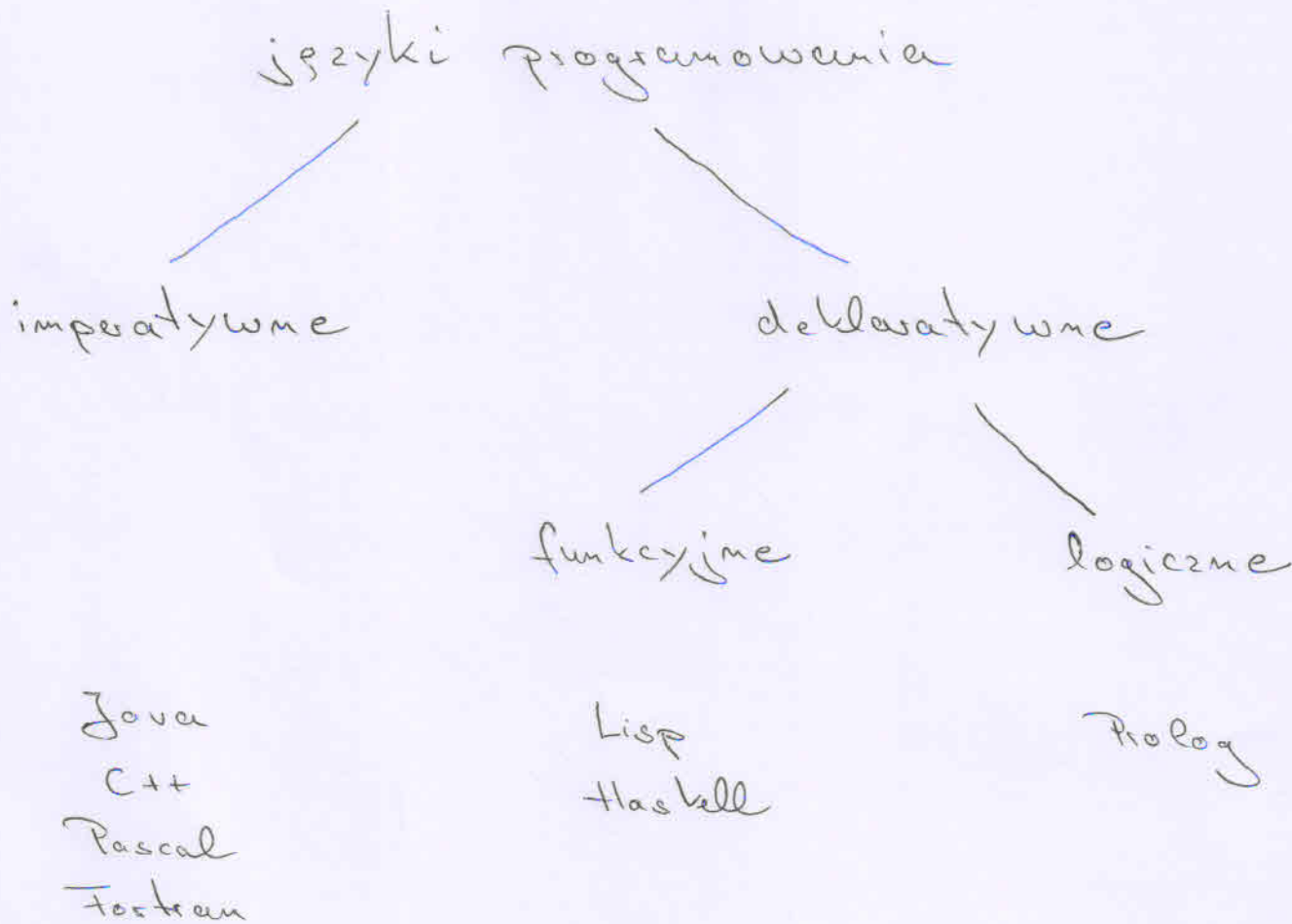


Programowanie funkcyjne

§1 Wprowadzenie



jak obliczymy?



instrukcje



Model von Neumann'a

co obliczymy?



właściwości



Model?

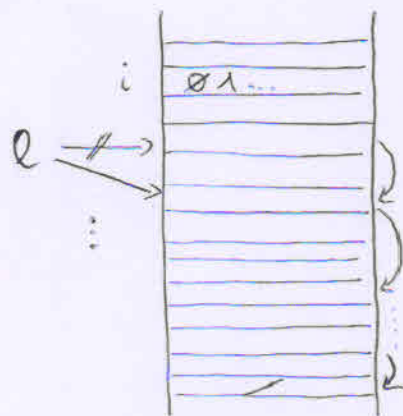
Przykład: Długość listy

(2)

(i) wersja imperatywna

"manipuluje wartościami zmiennych w pamięci"

```
int length (lista l) {  
    int i := 0;  
    while l.next != NULL {  
        i := i + 1;  
        l := l.next; }  
    return i; }
```



(ii) wersja funkcyjna

"używa własności (funkcji) length"

- długość pustej listy, to 0.
- długość niepustej listy, to jeden plus długość ogona listy

Uwaga: Własności te (też) w wersji imperatywnej pokazują poprawność programu

$$\text{length } [] = 0$$

$$\text{length } (x:xs) = 1 + \text{length } xs$$

obliczenie, to "zastosowanie równań z lewej do prawej":

(3)

length [1,2]

$\Rightarrow 1 + \text{length}[2]$ - bo $x = 1$ i $xs = [2]$
implikuje $x:xs = [1,2]$

$\Rightarrow 1 + (1 + \text{length}[]) -$ bo $x = 2$ i $xs = []$
implikuje $x:xs = [2]$

$\Rightarrow 1 + (1 + 0)$

$\Rightarrow 2$

\hookrightarrow obliczenie, to ewaluacja wyrażenia

Przykład: Argumenty funkcyjne

plus-5 $x = x + 5$

apply $f = f\ 3$

apply plus-5

$\Rightarrow \text{plus-5}\ 3$ - bo $f = \text{plus-5}$

$\Rightarrow 3 + 5$ - bo $x = 3$

$\Rightarrow 8$

Przykład: quicksort

(4)

$$qs [] = []$$

$$qs (a:as) = qs [b | b \leftarrow as, b < a]$$

$$++ [a]$$

$$++ qs [b \leftarrow as, b > a]$$

Trochę historii

- Rachunek Lambda (A. Church, 1930)

$$(\lambda x. \lambda y. x + 5) 3 5 \xrightarrow{*} 8$$

$$(\lambda f. f 3) (\lambda x. x + 5)$$

$$\rightarrow (\lambda x. x + 5) 3 \xrightarrow{*} 8$$

- Lisp (McCarthy, 1960)

$$\text{Listy} \cdot (1 2 3)$$

$$\cdot (\text{lambda } (x) (+ x y))$$

$$((\text{lambda } (x) (+ x y)) 3 5) \xrightarrow{*} 8$$

bez typowania,

ale z przepisaniem

- ML (Gordon, Milner, 1975)
dla dowodów maszynowych (LCF)
z typowaniem (bez deklaracji),
ale z przepisaniem
- Hope (Bustall, McQueen, 1980)
pattern matching
- Miranda (Turner, 1980)
lazy evaluation
- Haskell (Hudak, Wadler, 1990)
połączenie technik,
klasy typów
- Ocaml (Levy, 1988)
- F# (Odersky, 1999)

Haskell

- czyste funkcyjne
- typy polimorficzne
- mocno typowany
- pattern matching
- ewaluacja leniwa

Literatura:

6

- Hutton; Programming in Haskell
- Bird; Introduction to Functional Programming
- Abelson, Sussman; Structure and Interpretation of Computer Programs → Scheme